CAPES DE MATHEMATIQUES EPREUVE SUR DOSSIER

DOSSIER N° 12

Question:

Présenter un choix d'exercices sur le thème suivant :

Exemples d'approches et d'applications du raisonnement par récurrence dans des domaines variés.

en de la company de la comp

Consignes pour l'épreuve : (cf. BO n° spécial 5 du 21/10/1993)

Pendant votre préparation (deux heures), vous devez rédiger sur les fiches mises à votre disposition, un résumé des commentaires que vous développerez dans votre exposé et les énoncés de vos exercices. La qualité de ces fiches interviendra dans l'appréciation de votre épreuve. Le terme « exercice » est à prendre au sens large ; il peut s'agir d'applications directes du cours, d'exemples ou contre-exemples venant éclairer une méthode, de situations plus globales ou plus compiexes utilisant éventuellement des notions prises dans d'autres disciplines.

Vous expliquerez dans votre exposé (25 minutes maximum) la façon dont vous avez compris le sujet et les objectifs recherchés dans les exercices présentés : acquisition de connaissances, de méthodes, de techniques, évaluation. Vous analyserez la pertinence des différents outils mis en jeu.

Cet exposé est suivi d'un entretien (20 minutes minimum).

Annexes:

Vous trouverez page suivante, en annexe, quelques références aux programmes ainsi qu'une documentation conseillée.

Ces indications ne sont ni exhaustives, ni impératives; en particulier, les références aux programmes ne constituent pas le plan de l'exposé.

ANNEXE AU DOSSIER N° 12

Référence aux programmes :

Dans « Généralités à propos d'une formation scientifique en première et en terminale S » :

La démonstration est constitutive de l'activité mathématique et les élèves doivent en prendre conscience. Faire en sorte que les élèves puissent concevoir des démonstrations dans leur globalité, puis en détailler les différentes étapes, a toujours été et reste un objectif essentiel de tout enseignement des mathématiques en France.

... Le niveau de rigueur exigible pour une démonstration dépend de l'expérience de l'élève dans le domaine où cette démonstration se situe ... La déduction usuelle (par implication ou équivalence) et la manipulation du contre-exemple ont été travaillées en seconde; des problèmes bien choisis permettront d'aborder en première le raisonnement par contraposition, par l'absurde ou par disjonction des cas ; le raisonnement par récurrence relève de la classe de terminale. La démonstration doit garder un caractère vivant et personnel et il convient d'éviter qu'elle n'apparaisse comme une activité relevant d'un protocole trop rigide.

Extraits du programme de Terminale S:

Raisonnement par récurrence		le
Suite monotone, majorée, minorée,	d'introduire le vocabulaire usuel des récurrence comme un axiome.	1
bornée.	suites et nécessitant l'utilisation de	
	raisonnements par récurrence. On	
	s'appulera sur un traitement tant	
	numérique (avec outils de calcul :	
	calculatrice ou ordinateur) que	-
	graphique ou algébrique.	

Extraits du programme de Terminale L, option facultative :

Somme des termes d'une suite	On étudiera des exemples variés	Le principe de récurrence pourra être
arithmétique ou géométrique.	s'appuyant avant tout sur les suites	
	arithmétiques et géométriques étudiées	
	en première, ainsi que sur des suites à	
	support géométrique, obtenues en	
	itérant une construction de figure.	
	On mettra avant tout en œuvre la	Ce travail pourra être fait sur
récurrence.	relation de récurrence pour le calcul	calculatrice on tableur.
	des premiers termes.	

Extraits du programme de Terminale ES:

Suites monotones, majorées,	() on utilisera le raisonnement par
minorées, bomées.	récurrence dans les situations où il est
Suites convergentes.	nécessaire.

Exemples de suites vérifiant une relation de récurrence du	Sur des exemples, on étudiera le comportement global et
$type u_{n+1} = a u_n + b.$	asymptotique de suites de ce type ; le cas échéant, on
	introduira la suite géométrique associée.
Exemples de suites vérifiant une relation de récurrence du	On traitera des situations conduisant à des suites définies
type $u_{n+2} = a u_{n+1} + b u_n$.	par une relation de récurrence linéaire d'ordre deux :
	l'objectif est avant tout de comprendre la genèse de telles
	suites et d'en calculer les premiers termes à la main, à la
	calculatrice on avec un tableur.

Documentation conseillée :

Manuels de Terminales S et ES.